

# マスクの解析学ノート 01 解析定型文

大盛マスク

2017年5月28日



マスクの資料保管庫

<http://worldinfo.wicurio.com/>

TwitterID : @Uton\_YaYuYo

# 1 解析定型文

一般的に、数学に対して「定型文」などというものは、数学に対する冒涇である。

しかし、定型文を覚えれば、単位が近くなるだけでなく、かみ砕いて理解するための近道となる可能性も  $\epsilon$  ほどある。

## 2 $\lim_{x \rightarrow \infty} a_n = a$ の証明

任意な  $\epsilon > 0$  に対して、

1つの自然数を  $N > \boxed{\quad}$  となるようにとれば、

$n > N$  ならば、 $|a_n - a| = \boxed{n\text{の式}} < \boxed{N\text{の式}} < \epsilon$

## 3 $a_n$ が $+\infty$ に発散する証明

任意な  $M > 0$  に対して、

1つの自然数を  $N > \boxed{\quad}$  となるようにとれば、

$n > N$  ならば、 $a_n = \boxed{n\text{の式}} > \boxed{N\text{の式}} > M$

## 4 $\epsilon - \delta$ 論法

任意な  $\epsilon > 0$  に対して、 $\delta = \boxed{\quad}$  とすれば、

$0 < |x - x_0| < \delta$  ならば、

$f(x) - y_0 = \boxed{x\text{の式}} < \boxed{\delta\text{の式}} = \epsilon$

となる。ゆえに、 $f(x) \rightarrow y_0$  ( $x \rightarrow x_0$ )

## 4.1 $\delta^2$ の項

$0 < \delta < 1$  とすると、 $\delta^2 < \delta$

## 5 $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = +\infty$ の証明

任意な正の数  $M$  に対して、正の数  $\delta$  を  $\delta < \boxed{M \text{の式}}$  となるようにとると、

$0 < |x - x_0| < \delta$  ならば  $f(x) > \boxed{\delta \text{の式}} > M$  したがって、 $f(x) \rightarrow +\infty (x \rightarrow x_0)$

## 6 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = y_0$ の証明

$x < -M < 0$  のとき、 $|x| > M$  であるから、

$|f(x) - y_0| = \boxed{x \text{の式}} < \boxed{M \text{の式}} < \epsilon$

任意な  $\epsilon > 0$  に対して、 $0 < \frac{1}{\epsilon} < M$  となるように  $M$  をとれば、

$x < -M < 0$  ならば、 $|\frac{1}{x} - 0| < \epsilon$

よって、 $f(x) \rightarrow y_0$

## 7 更新記録

2017年05月17日リリース

2017年05月28日誤植修正